



POLITÉCNICA

UNIVERSIDADES PÚBLICAS DE LA COMUNIDAD DE MADRID
PRUEBA DE ACCESO A LAS ENSEÑANZAS UNIVERSITARIAS
OFICIALES DE GRADO

MATERIA: MATEMÁTICAS APLICADAS A LAS
CIENCIAS SOCIALES II

INSTRUCCIONES Y CRITERIOS GENERALES DE CALIFICACIÓN

INSTRUCCIONES: El alumno deberá elegir una de las dos opciones A o B que figuran en el presente examen y contestar razonadamente a los cuatro ejercicios de los que consta la opción elegida.

Para la realización de esta prueba se puede utilizar calculadora científica, siempre que no disponga de capacidad de representación gráfica o de cálculo simbólico.

CALIFICACIÓN: La puntuación máxima de cada ejercicio se indica en el encabezamiento del mismo.

TIEMPO: Una hora y treinta minutos.

OPCIÓN A

Ejercicio 1. (Calificación máxima: 3 puntos)

Un pintor dispone de dos tipos de pintura para realizar su trabajo. El primer tipo de pintura tiene un rendimiento de 3 m^2 por litro, con un coste de 1 € por litro. El segundo tipo de pintura tiene un rendimiento de 4 m^2 por litro, con un coste de $1,2 \text{ €}$ por litro. Con ambos tipos de pintura se puede pintar a un ritmo de 1 litro cada 10 minutos. El pintor dispone de un presupuesto de 480 € y no puede pintar durante más de 75 horas. Además, debe utilizar al menos 120 litros de cada tipo de pintura.

Determinése la cantidad de pintura que debe utilizar de cada tipo si su objetivo es pintar la máxima superficie posible. Indíquese cuál es esa superficie máxima.

Ejercicio 2. (Calificación máxima: 3 puntos)

Se considera la función real de variable real definida por: $f(x) = \frac{x(2x-1)}{x-1}$.

(a) Determinéense las asíntotas de f . Calcúlese los extremos relativos de f .

(b) Represéntese gráficamente la función f .

(c) Calcúlese $\int_2^5 \frac{f(x)}{x^2} dx$.

Ejercicio 3. (Calificación máxima: 2 puntos)

Se dispone de cinco cajas opacas. Una contiene una bola blanca, dos contienen una bola negra y las otras dos están vacías. Un juego consiste en ir seleccionando al azar y secuencialmente una caja no seleccionada previamente hasta obtener una que contenga una bola. Si la bola de la caja seleccionada es blanca, el jugador gana; si es negra, el jugador pierde.

(a) Calcúlese la probabilidad de que el jugador gane.

(b) Si el jugador ha perdido, ¿cuál es la probabilidad de que haya seleccionado una sola caja?

Ejercicio 4. (Calificación máxima: 2 puntos)

La duración en kilómetros de los neumáticos de una cierta marca se puede aproximar por una variable aleatoria con distribución normal de media μ desconocida y desviación típica igual a 3000 kilómetros.

(a) Se toma una muestra aleatoria simple de 100 neumáticos y se obtiene una media muestral de 48000 kilómetros. Determinése un intervalo de confianza con un nivel del 90 % para μ .

(b) Calcúlese el tamaño mínimo que debe tener la muestra para que el valor absoluto de la diferencia entre la media de la muestra y μ sea menor o igual a 1000 kilómetros con probabilidad mayor o igual que 0,95.

OPCIÓN B

Ejercicio 1. (Calificación máxima: 3 puntos)

Se considera el siguiente sistema de ecuaciones, dependiente del parámetro real k :

$$\begin{cases} x + y + z = 2 \\ x + ky + 2z = 5 \\ kx + y + z = 1. \end{cases}$$

- (a) Discútase el sistema según los diferentes valores de k .
- (b) Resuélvase el sistema para $k = 0$.
- (c) Resuélvase el sistema para $k = 2$.

Ejercicio 2. (Calificación máxima: 3 puntos)

Se considera la función real de variable real definida por:

$$f(x) = \begin{cases} ax + b & \text{si } x \leq 1 \\ x^3 - x^2 + 1 & \text{si } x > 1. \end{cases}$$

- (a) Calcúlense los valores de a y b para los que la función f es continua y derivable.
- (b) Para $a = 0$ y $b = 1$, hállese la ecuación de la recta tangente a la gráfica de f en los puntos en los que dicha tangente es paralela a la recta $y - 8x = 1$.
- (c) Sea g la función real de variable real definida por $g(x) = 1 - 2x^2$. Para $a = 1$ y $b = 0$, calcúlese el área de la región plana acotada limitada por la gráfica de f y la gráfica de g .

Ejercicio 3. (Calificación máxima: 2 puntos)

Se consideran dos sucesos A y B tales que:

$$P(A) = \frac{1}{3} \quad P(B|A) = \frac{1}{4} \quad P(A \cup B) = \frac{1}{2}.$$

Calcúlese razonadamente:

- (a) $P(A \cap B)$.
- (b) $P(B)$.
- (c) $P(\overline{B}|A)$.
- (d) $P(\overline{A}|\overline{B})$.

Nota: $\overline{S}$ denota el suceso complementario del suceso S . $P(S|T)$ denota la probabilidad del suceso S condicionada al suceso T .

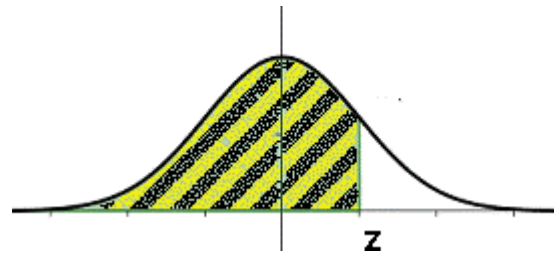
Ejercicio 4. (Calificación máxima: 2 puntos)

El tiempo de espera para ser atendido en un cierto establecimiento se puede aproximar por una variable aleatoria con distribución normal de media μ desconocida y desviación típica igual a 3 minutos. Se toma una muestra aleatoria simple de tamaño 121.

- (a) Calcúlese la probabilidad de que el valor absoluto de la diferencia entre la media de la muestra y μ sea mayor que 0,5 minutos.
- (b) Determínese un intervalo de confianza con un nivel del 95 % para μ , si la media de la muestra es igual a 7 minutos.

ÁREAS BAJO LA DISTRIBUCIÓN DE PROBABILIDAD NORMAL ESTÁNDAR

Los valores en la tabla representan el área bajo la curva normal hasta un valor positivo de z .



z	,00	,01	,02	,03	,04	,05	,06	,07	,08	,09
0,0	0,5000	0,5040	0,5080	0,5120	0,5160	0,5199	0,5239	0,5279	0,5319	0,5359
0,1	0,5398	0,5438	0,5478	0,5517	0,5557	0,5596	0,5636	0,5675	0,5714	0,5753
0,2	0,5793	0,5832	0,5871	0,5910	0,5948	0,5987	0,6026	0,6064	0,6103	0,6141
0,3	0,6179	0,6217	0,6255	0,6293	0,6331	0,6368	0,6406	0,6443	0,6480	0,6517
0,4	0,6554	0,6591	0,6628	0,6664	0,6700	0,6736	0,6772	0,6808	0,6844	0,6879
0,5	0,6915	0,6950	0,6985	0,7019	0,7054	0,7088	0,7123	0,7157	0,7190	0,7224
0,6	0,7257	0,7291	0,7324	0,7357	0,7389	0,7422	0,7454	0,7486	0,7517	0,7549
0,7	0,7580	0,7611	0,7642	0,7673	0,7703	0,7734	0,7764	0,7794	0,7823	0,7852
0,8	0,7881	0,7910	0,7939	0,7967	0,7995	0,8023	0,8051	0,8078	0,8106	0,8133
0,9	0,8159	0,8186	0,8212	0,8238	0,8264	0,8289	0,8315	0,8340	0,8365	0,8389
1,0	0,8413	0,8438	0,8461	0,8485	0,8508	0,8531	0,8554	0,8577	0,8599	0,8621
1,1	0,8643	0,8665	0,8686	0,8708	0,8729	0,8749	0,8770	0,8790	0,8810	0,8830
1,2	0,8849	0,8869	0,8888	0,8907	0,8925	0,8944	0,8962	0,8980	0,8997	0,9015
1,3	0,9032	0,9049	0,9066	0,9082	0,9099	0,9115	0,9131	0,9147	0,9162	0,9177
1,4	0,9192	0,9207	0,9222	0,9236	0,9251	0,9265	0,9279	0,9292	0,9306	0,9319
1,5	0,9332	0,9345	0,9357	0,9370	0,9382	0,9394	0,9406	0,9418	0,9429	0,9441
1,6	0,9452	0,9463	0,9474	0,9484	0,9495	0,9505	0,9515	0,9525	0,9535	0,9545
1,7	0,9554	0,9561	0,9573	0,9582	0,9591	0,9599	0,9608	0,9616	0,9625	0,9633
1,8	0,9641	0,9649	0,9656	0,9664	0,9671	0,9678	0,9686	0,9693	0,9699	0,9706
1,9	0,9713	0,9719	0,9726	0,9732	0,9738	0,9744	0,9750	0,9756	0,9761	0,9767
2,0	0,9772	0,9778	0,9783	0,9788	0,9793	0,9798	0,9803	0,9808	0,9812	0,9817
2,1	0,9821	0,9826	0,9830	0,9834	0,9838	0,9842	0,9846	0,9850	0,9854	0,9857
2,2	0,9861	0,9864	0,9868	0,9871	0,9875	0,9878	0,9881	0,9884	0,9887	0,9890
2,3	0,9893	0,9896	0,9898	0,9901	0,9901	0,9906	0,9909	0,9911	0,9913	0,9916
2,4	0,9918	0,9920	0,9922	0,9925	0,9927	0,9929	0,9931	0,9932	0,9934	0,9936
2,5	0,9938	0,9940	0,9941	0,9943	0,9945	0,9946	0,9948	0,9949	0,9951	0,9952
2,6	0,9953	0,9954	0,9956	0,9957	0,9959	0,9960	0,9961	0,9962	0,9963	0,9964
2,7	0,9965	0,9966	0,9967	0,9968	0,9969	0,9970	0,9971	0,9972	0,9973	0,9974
2,8	0,9974	0,9975	0,9976	0,9977	0,9977	0,9978	0,9979	0,9979	0,9980	0,9981
2,9	0,9981	0,9982	0,9982	0,9983	0,9984	0,9984	0,9985	0,9985	0,9986	0,9986
3,0	0,9987	0,9987	0,9987	0,9988	0,9988	0,9989	0,9989	0,9989	0,9990	0,9990

UNIVERSIDADES PÚBLICAS DE LA COMUNIDAD DE MADRID
PRUEBA DE ACCESO A LAS ENSEÑANZAS UNIVERSITARIAS OFICIALES DE GRADO
MATERIA: MATEMÁTICAS APLICADAS A LAS CIENCIAS SOCIALES II
CRITERIOS ESPECÍFICOS DE CORRECCIÓN Y CALIFICACIÓN

ATENCIÓN: La calificación debe hacerse en múltiplos de 0,25 puntos

OPCIÓN A

EJERCICIO 1. (Calificación máxima 3 puntos.)

Obtención de la función objetivo	0,25 puntos
Obtención de las restricciones	1,00 punto
Determinación correcta de los vértices de la región factible ..	1,00 punto
Localización del máximo	0,50 puntos
Obtención del valor máximo	0,25 puntos

EJERCICIO 2. (Calificación máxima 3 puntos.)

Apartado (a)	Obtención de la asíntota vertical	0,25 puntos
	Obtención de la asíntota oblicua	0,25 puntos
	Obtención de los extremos	0,25 puntos
	Comprobación del tipo de punto extremo (mínimo/máximo)	0,25 puntos
	Total Apartado (a)	1,00 punto

Apartado (b)	Representación correcta de la función	1,00 punto
	Total Apartado (b)	1,00 punto

Apartado (c)	Cálculo correcto de la primitiva	0,75 puntos
	Cálculo correcto de la integral definida	0,25 puntos
	Total Apartado (c)	1,00 punto

EJERCICIO 3. (Calificación máxima 2 puntos.)

Apartado (a)	Planteamiento correcto	0,50 puntos
	Cálculo correcto de la probabilidad pedida	0,50 puntos
	Total apartado (a)	1,00 punto

Apartado (b)	Planteamiento correcto	0,50 puntos
	Cálculo correcto de la probabilidad pedida	0,50 puntos
	Total apartado (b)	1,00 punto

EJERCICIO 4. (Calificación máxima 2 puntos.)

Apartado (a)	Cálculo correcto de $z_{\alpha/2}$	0,25 puntos
	Expresión correcta de la fórmula del intervalo de confianza ..	0,25 puntos
	Cálculo correcto del intervalo de confianza	0,50 puntos
	Total apartado (a)	1,00 punto

Apartado (b)	Planteamiento correcto	0,50 puntos
	Obtención correcta del valor mínimo del tamaño muestral ...	0,50 puntos
	Total apartado (b)	1,00 punto

NOTA: La resolución de ejercicios por cualquier otro procedimiento correcto, diferente al propuesto por los coordinadores, ha de valorarse con los criterios convenientemente adaptados

EJERCICIO 1. (Calificación máxima 3 puntos.)

Apartado (a)	Obtención de los valores críticos ($k=1,2$)	0,75 puntos
	Discusión del sistema por caso 0,25 ($3 \times 0,25$)	0,75 puntos
	Total Apartado (a)	1,50 puntos

Apartado (b)	Planteamiento del sistema de ecuaciones	0,25 puntos
	Resolución del sistema	0,50 puntos
	Total Apartado (b)	0,75 puntos

Apartado (c)	Planteamiento del sistema de ecuaciones	0,25 puntos
	Resolución del sistema	0,50 puntos
	Total Apartado (c)	0,75 puntos

EJERCICIO 2. (Calificación máxima 3 puntos.)

Apartado (a)	Estudio correcto de la continuidad y de la derivabilidad ...	0,50 puntos
	Cálculo correcto de a y b	0,50 puntos
	Total Apartado (a)	1,00 punto

Apartado (b)	Fórmula correcta de la ecuación de la recta tangente	0,50 puntos
	Obtención correcta de los parámetros de la recta tangente .	0,50 puntos
	Total Apartado (b)	1,00 punto

Apartado (c)	Planteamiento correcto de la integral definida	0,50 puntos
	Obtención del área	0,50 puntos
	Total Apartado (c)	1,00 punto

EJERCICIO 3. (Calificación máxima 2 puntos.)

Apartado (a)	Planteamiento correcto	0,25 puntos
	Cálculo correcto de la probabilidad pedida	0,25 puntos
	Total apartado (a)	0,50 puntos

Apartado (b)	Planteamiento correcto	0,25 puntos
	Cálculo correcto de la probabilidad pedida	0,25 puntos
	Total apartado (b)	0,50 puntos

Apartado (c)	Planteamiento correcto	0,25 puntos
	Cálculo correcto de la probabilidad pedida	0,25 puntos
	Total apartado (c)	0,50 puntos

Apartado (d)	Planteamiento correcto	0,25 puntos
	Cálculo correcto de la probabilidad pedida	0,25 puntos
	Total apartado (d)	0,50 puntos

EJERCICIO 4. (Calificación máxima 2 puntos.)

Apartado (a)	Planteamiento correcto	0,50 puntos
	Obtención correcta de la probabilidad pedida	0,50 puntos
	Total apartado (a)	1,00 punto

Apartado (b)	Cálculo correcto de $z_{\alpha/2}$	0,25 puntos
	Expresión correcta de la fórmula del intervalo de confianza	0,25 puntos
	Obtención correcta del intervalo de confianza	0,50 puntos
	Total apartado (b)	1,00 punto

NOTA: La resolución de ejercicios por cualquier otro procedimiento correcto, diferente al propuesto por los coordinadores, ha de valorarse con los criterios convenientemente adaptados